

第12章 三相电路

本章重点

12.1	三相电路
12.2	线电压(电流)与相电压(电流)的关系
12.3	对称三相电路的计算
12.4	不对称三相电路的概念
12.5	三相电路的功率





●重点

- 1. 三相电路的基本概念
- 2. 对称三相电路的分析
- 3. 不对称三相电路的概念
- 4. 三相电路的功率

12.1 三相电路

三相电路由三相电源、三相负载和三相输电线路三部分组成。

●三相电路的优点

- ① 发电方面: 比单相电源可提高功率50%;
- ② 输电方面: 比单相输电节省钢材25%;
- ③ 配电方面:三相变压器比单项相压器经济且便于接入负载;
- ④ 用电设备:结构简单、成本低、运行可靠、维护方便。

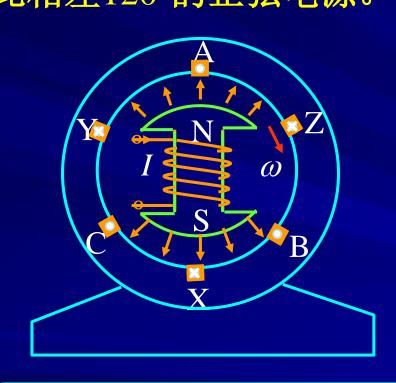
以上优点使三相电路在动力方面获得了广泛应用,是目前电力系统采用的主要供电方式。

- ●三相电路的特殊性
 - (1) 特殊的电源
 - (2) 特殊的负载
 - (3) 特殊的连接
 - (4) 特殊的求解方式

研究三相电路要注意其特殊性。

1. 对称三相电源的产生

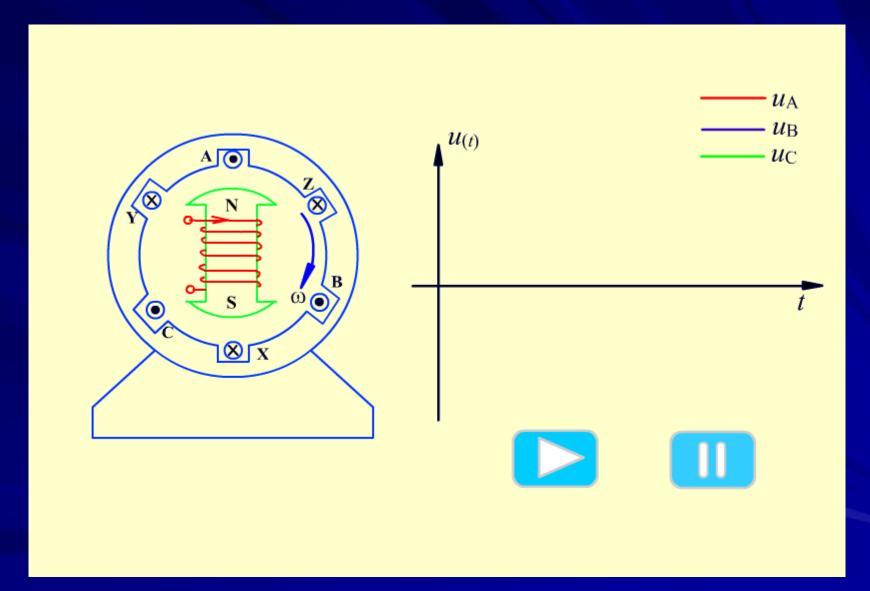
三相电源是三个频率相同、振幅相同、相位彼 此相差120⁰的正弦电源。



三相同步发电机示意图

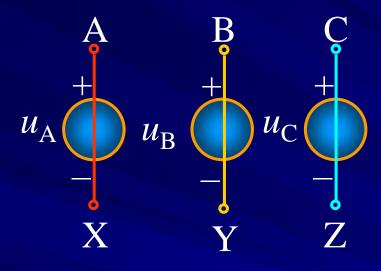
通常由三相同步发 电机产生,三相绕组在 空间互差120°,当转子 以均匀角速度ω转动时, 在三相绕组中产生感应 电压,从而形成对称三 相电源。







①瞬时值表达式



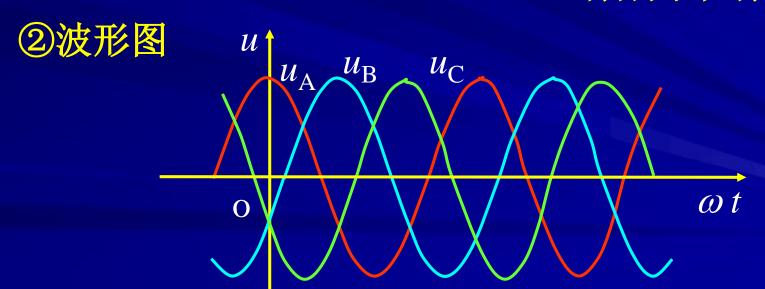
$$u_{\rm A}(t) = \sqrt{2U\cos\omega t}$$

$$u_{\rm B}(t) = \sqrt{2U\cos(\omega t - 120^{\circ})}$$

$$u_{\rm C}(t) = \sqrt{2U}\cos(\omega t + 120^{\circ})$$

A、B、C 三端称为始端,

X、Y、Z 三端称为末端。





③相量表示

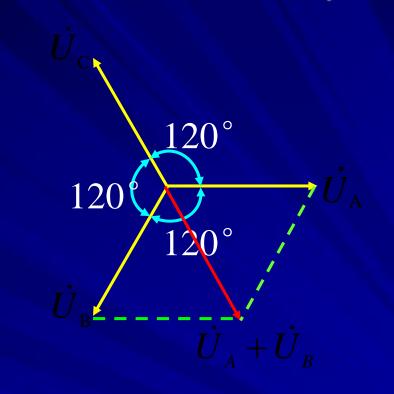
$$\dot{U}_{A} = U \angle 0^{\circ}$$

$$\dot{U}_{B} = U \angle -120^{\circ}$$

$$\dot{U}_{B} = U \angle -120^{\circ}$$

④对称三相电源的特点

$$\begin{cases} u_{A} + u_{B} + u_{C} = 0 \\ \dot{U}_{A} + \dot{U}_{B} + \dot{U}_{C} = 0 \end{cases}$$



⑤对称三相电源的相序

三相电源各相经过同一值(如最大值)的先后顺序。

相序的实际意义:

A 1 C 2 B 3

反转

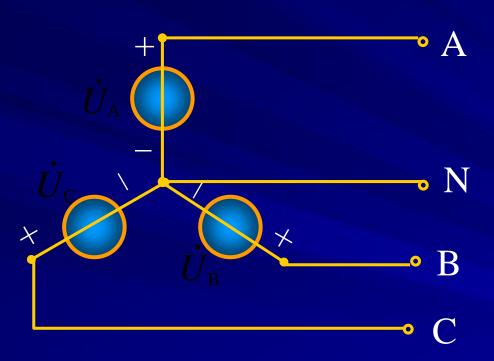
以后如果不加说明,一般都认为是正相序。

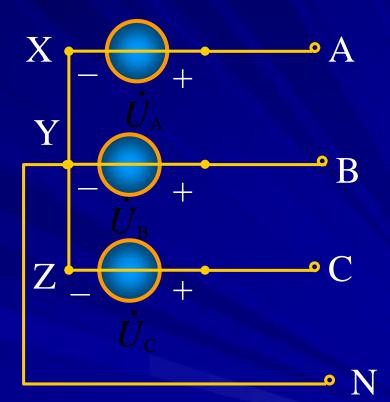
三相电机

电路

2. 三相电源的联接

(1) 星形联接(Y联接)

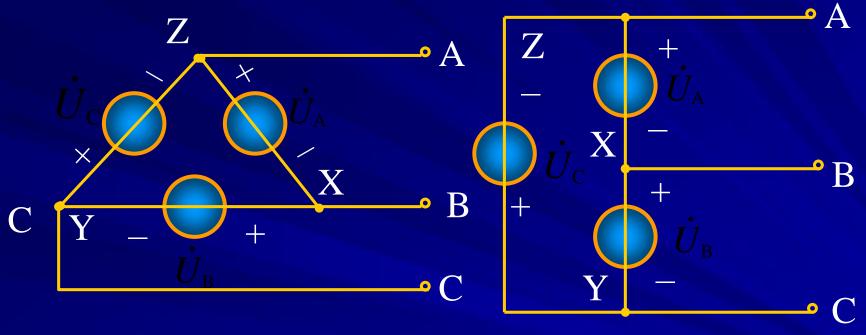




X, Y, Z 接在一起的点称为Y联接对称三相电源的中性点,用N表示。



(2) 三角形联接(△联接)

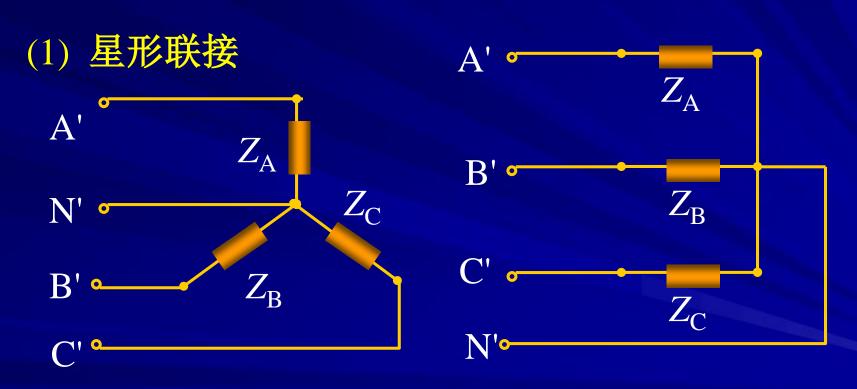




三角形联接的对称三相电源没有中点。

3. 三相负载及其联接

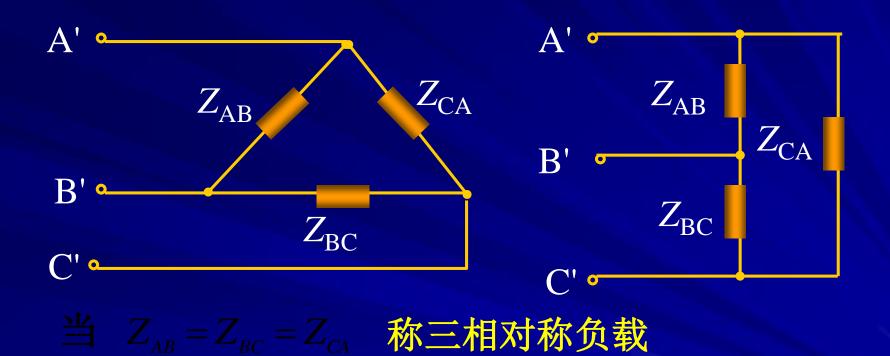
三相电路的负载由三部分组成,其中每一部分称为一相负载,三相负载也有二种联接方式。



当 $Z_A = Z_B = Z_C$ 称三相对称负载

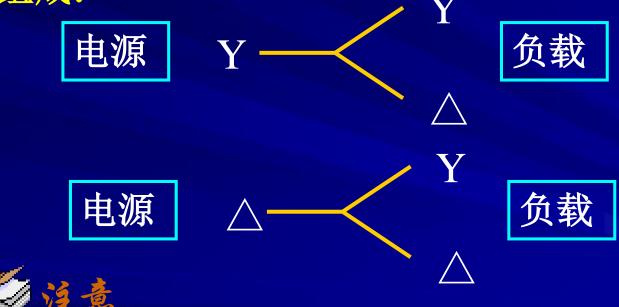


(2) 三角形联接



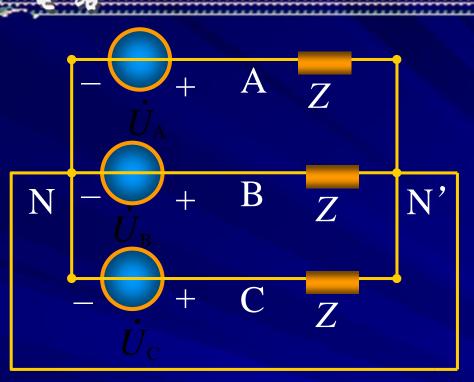
4. 三相电路

三相电路就是由对称三相电源和三相负载联接起来所组成的系统。工程上根据实际需要可以组成:



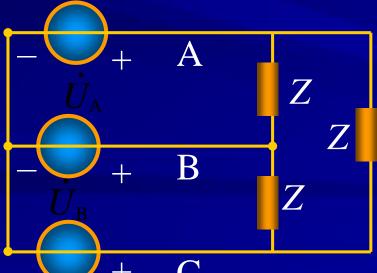
当电源和负载都对称时,称为对称三相电路。





三相四线制

Y — Y



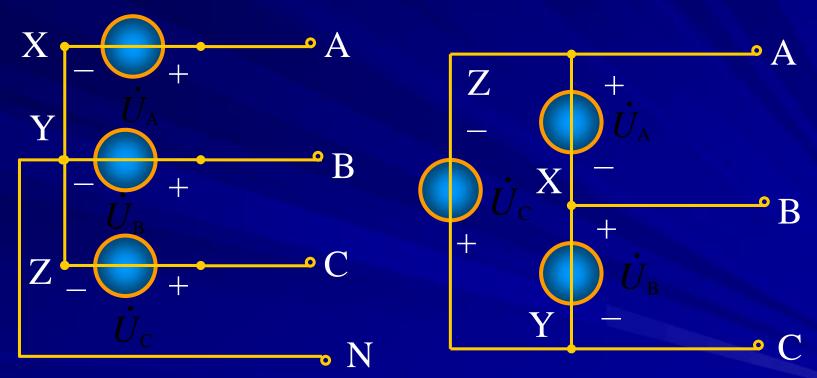
三相三线制

 $Y - \triangle$

返回上页下页

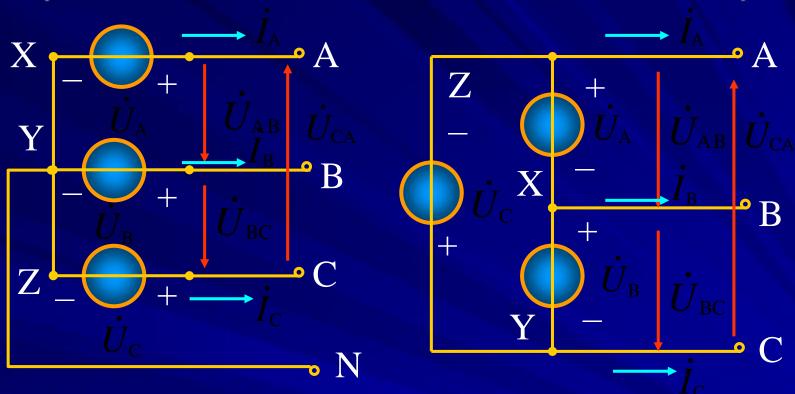
12.2 线电压(电流)与相电压(电流)的关系

1. 名词介绍



- ①端线(火线):始端A,B,C 三端引出线。
- ②中线:中性点N引出线, Δ连接无中线。

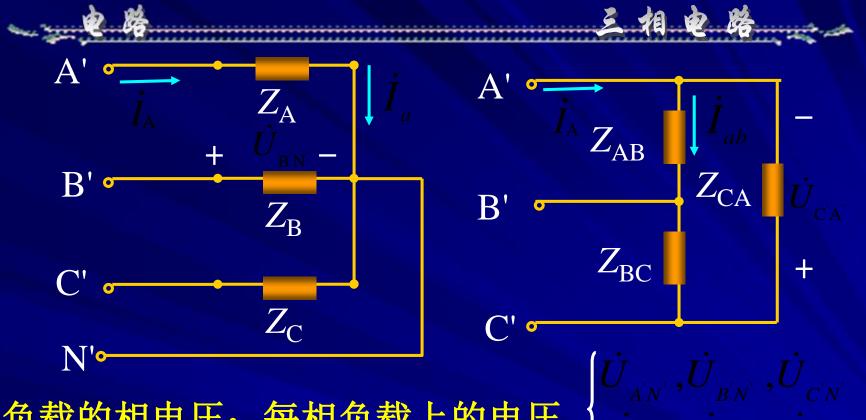




③相电压:每相电源的电压。UA, UB, UC

④线电压:端线与端线之间的电压。UAB, UBC, UCA

⑤线电流:流过端线的电流。 \dot{I}_A , \dot{I}_B , \dot{I}_C



负载的相电压:每相负载上的电压。 $U_{A'B'},U_{B'C'},U_{C'A}$

负载的线电压:负载端线间的电压。 U_{AB} , U_{BC} , U_{CA}

线电流:流过端线的电流。 I_A,I_B,I_C

相电流:流过每相负载的电流。 \dot{I}_a , \dot{I}_b , \dot{I}_c \dot{I}_{ab} , \dot{I}_{bc} , \dot{I}_{ca}

返回上页下页

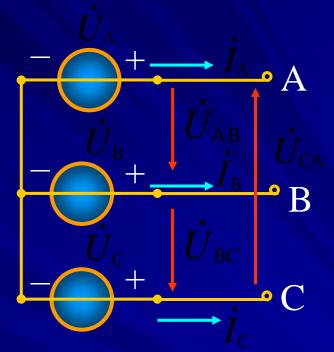
2. 相电压和线电压的关系

①Y联接

设
$$\dot{U}_{AN} = \dot{U}_{A} = U \angle 0^{\circ}$$

$$\dot{U}_{BN} = \dot{U}_{B} = U \angle -120^{\circ}$$

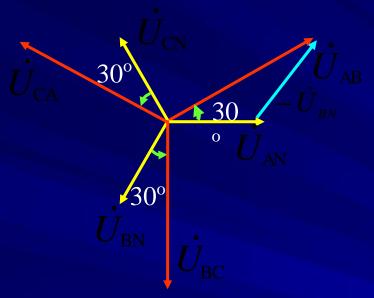
$$\dot{U}_{CN} = \dot{U}_{C} = U \angle 120^{\circ}$$

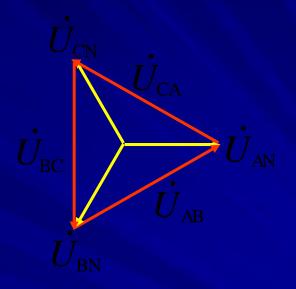


$$\dot{U}_{AB} = \dot{U}_{AN} - \dot{U}_{BN} = U \angle 0^{\circ} - U \angle -120^{\circ} = \sqrt{3}U \angle 30^{\circ}$$
 $\dot{U}_{BC} = \dot{U}_{BN} - \dot{U}_{CN} = U \angle -120^{\circ} - U \angle 120^{\circ} = \sqrt{3}U \angle -90^{\circ}$
 $\dot{U}_{CA} = \dot{U}_{CN} - \dot{U}_{AN} = U \angle 120^{\circ} - U \angle 0^{\circ} = \sqrt{3}U \angle 150^{\circ}$



利用相量图得到相电压和线电压之间的关系:





一般表示为:

$$\dot{U}_{AB} = \sqrt{3} \, \dot{U}_{AN} \angle 30^{\circ}$$

$$\dot{U}_{BC} = \sqrt{3} \, \dot{U}_{BN} \angle 30^{\circ}$$

$$\dot{U}_{CA} = \sqrt{3} \, \dot{U}_{CN} \angle 30^{\circ}$$

线电压对称(大小相等,相位互差120°)





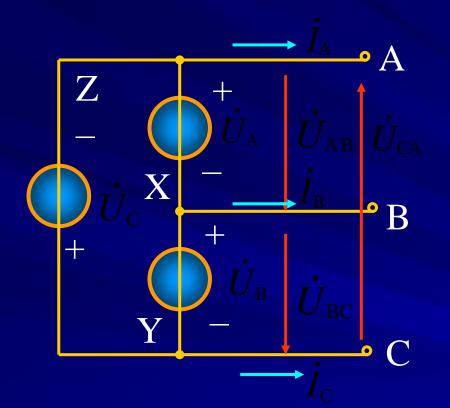
- (1) 相电压对称,则线电压也对称
- (2) 线电压大小等于相电压的 $\sqrt{3}$ 倍,即 $U_l = \sqrt{3}U_p$
- (3) 线电压相位领先对应相电压30°。

所谓的"对应":对应相电压用线电压的 第一个下标字母标出。

$$\left\{egin{array}{l} \dot{U}_{
m AB}\!
ightarrow\!\dot{U}_{
m AN} \ \dot{U}_{
m BC}\!
ightarrow\!\dot{U}_{
m BN} \ \dot{U}_{
m CA}\!
ightarrow\!\dot{U}_{
m CN} \end{array}
ight.$$



②Δ联接



设
$$\dot{U}_{A} = U \angle 0^{\circ}$$

$$U_{\rm B} = U \angle -120^{\circ}$$

$$\dot{U}_{\rm C} = U \angle 120^{\circ}$$

$$\dot{U}_{\scriptscriptstyle AB} = \dot{U}_{\scriptscriptstyle A} {=} U \angle 0^{\circ}$$

$$\dot{U}_{\rm BC} = \dot{U}_{\rm B} = U \angle -120^{\circ}$$

$$\dot{U}_{CA} = \dot{U}_{C} = U \angle 120^{\circ}$$

线电压等于对应的相电压



①以上关于线电压和相电压的关系也适用于对称星型负载和三角型负载。



②△联接电源始端末端要依次相连。

正确接法



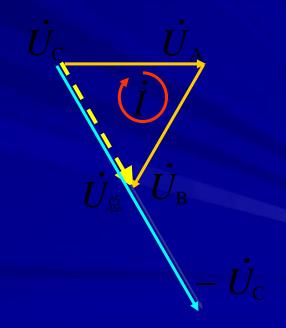
$U_A + U_B + U_C = 0$ I = 0电源中不会产生环流

错误接法

$$\dot{U}_{A} + \dot{U}_{B} - \dot{U}_{C} = -2\dot{U}_{C}$$

 $I\neq 0$

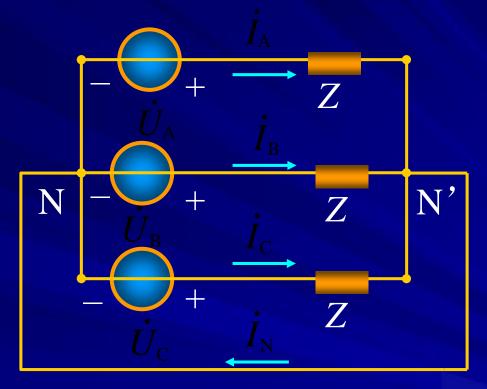
电源中将会产生环流





2. 相电流和线电流的关系

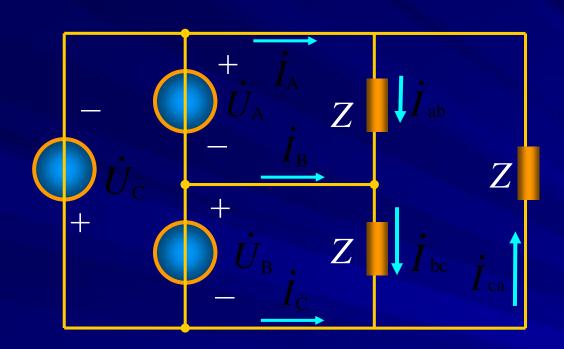
①Y联接



老谷 Y联接时,线电流等于相电流。



②∆联接



$$\dot{I}_{ab} = \frac{\dot{U}_{A}}{Z} \\
\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{A'N'}}{Z/3} = \frac{3\dot{U}_{A'N'}}{Z} \\
= \frac{3(\dot{U}_{A'B'}/\sqrt{3})\angle - 30^{0}}{Z} \\
= \sqrt{3}\frac{\dot{U}_{A}}{Z}\angle - 30^{0} \\
= \sqrt{3}\dot{I}_{ab}\angle - 30^{0}$$

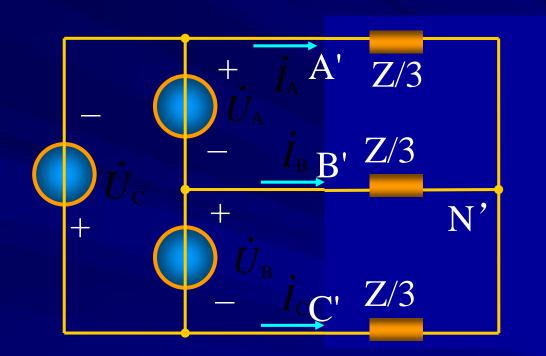
● 结论 △联接的对称电路:

- (1) 线电流大小等于相电流的 $\sqrt{3}$ 倍,即 $I_i = \sqrt{3}I_p$.
- (2) 线电流相位滞后对应相电流30°。

返回上页下



②Δ联接



$$\dot{I}_{ab} = \frac{U_{A}}{Z} \\
\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{A'N'}}{Z/3} = \frac{3\dot{U}_{A'N'}}{Z} \\
= \frac{3(\dot{U}_{A'B'}/\sqrt{3})\angle - 30^{0}}{Z} \\
= \sqrt{3}\frac{\dot{U}_{A}}{Z}\angle - 30^{0} \\
= \sqrt{3}\dot{I}_{ab}\angle - 30^{0}$$

● 结论 △联接的对称电路:

- (1) 线电流大小等于相电流的 $\sqrt{3}$ 倍,即 $I_i = \sqrt{3}I_p$.
- (2) 线电流相位滞后对应相电流30°。

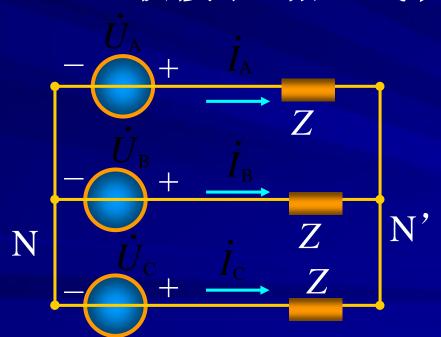
返回上页下了



13.3 对称三相电路的计算

对称三相电路由于电源对称、负载对称、线路对称,因而可以引入一特殊的计算方法。

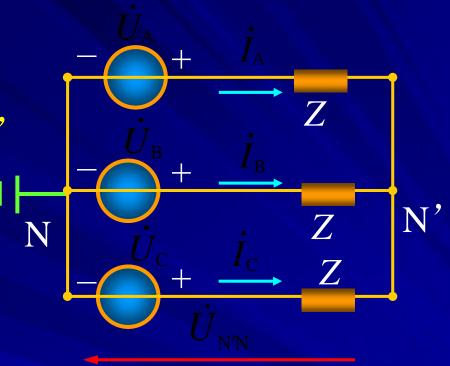
1. Y-Y联接(三相三线制)



设
$$\dot{U}_{A}=U\angle0^{\circ}$$
 $\dot{U}_{B}=U\angle-120^{\circ}$
 $\dot{U}_{C}=U\angle120^{\circ}$
 $Z=|Z|/\omega$



以N点为参考点,对N' 点列写结点方程: 」



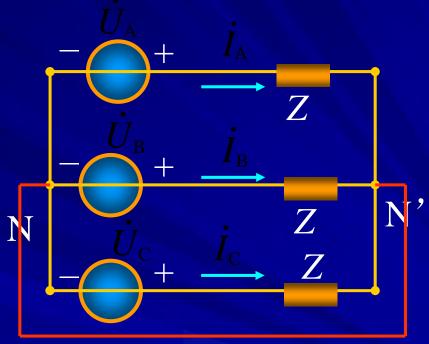
$$\frac{1}{Z} + \frac{1}{Z} + \frac{1}{Z} \dot{U}_{N'N} = \frac{1}{Z} \dot{U}_{A} + \frac{1}{Z} \dot{U}_{B} + \frac{1}{Z} \dot{U}_{C}$$

$$\frac{3}{Z} \dot{U}_{N'N} = \frac{1}{Z} (\dot{U}_{A} + \dot{U}_{B} + \dot{U}_{C}) = 0 \qquad \therefore \dot{U}_{N'N} = 0$$

返回上页下页

三相电路

A \dot{U}_{A} \dot{I}_{A} $\dot{U}_{AN'}$ \dot{I}_{N} A相计算电路



负载侧相电压:

$$\dot{U}_{\mathrm{AN'}} = \dot{U}_{\mathrm{A}} = U \angle 0^{\circ}$$
 $\dot{U}_{\mathrm{BN'}} = \dot{U}_{\mathrm{B}} = U \angle -120^{\circ}$
 $\dot{U}_{\mathrm{CN'}} = \dot{U}_{\mathrm{C}} = U \angle 120^{\circ}$

上页下

也为对

称电压

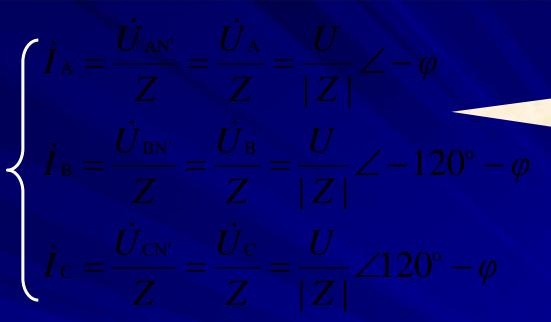
为对称

电流



计算电流:

一结论



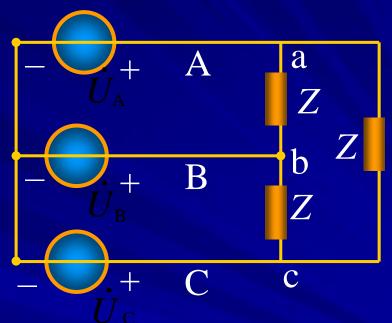
- ①电源中点与负载中点等电位。有无中线对电路情况没有影响。
- ② 对称情况下,各相电压、电流都是对称的,可采用一相(A相)等效电路计算。其它两相的电压、电流可按对称关系直接写出。



③Y形联接的对称三相负载,根据相、线电压、电流的关系得: $U_{AB} = \sqrt{3}U_{AB} \angle 30^{\circ}$, $I_{AB} = I_{AB}$

2. Y-△联接

设
$$\dot{U}_{A} = U \angle 0^{\circ}$$
 $\dot{U}_{B} = U \angle -120^{\circ}$
 $\dot{U}_{C} = U \angle 120^{\circ}$
 $Z = |Z| \angle \varphi$



解法1

负载上相电压与线电压相等:

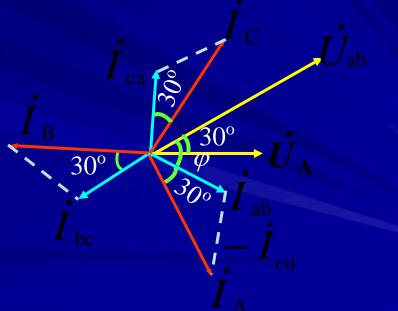
$$\begin{cases} \dot{U}_{\rm ab} = \dot{U}_{\rm AB} = \sqrt{3}U\angle30^{\circ} \\ \dot{U}_{\rm bc} = \dot{U}_{\rm BC} = \sqrt{3}U\angle-90^{\circ} \\ \dot{U}_{\rm ca} = \dot{U}_{\rm CA} = \sqrt{3}U\angle150^{\circ} \end{cases}$$

相电流:

$$\begin{cases} \dot{I}_{ab} = \frac{U_{ab}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^{\circ} - \varphi \\ \dot{I}_{bc} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle -90^{\circ} - \varphi \\ \dot{I}_{ca} = \frac{\dot{U}_{ca}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 150^{\circ} - \varphi \end{cases}$$

线电流:

$$\begin{cases} \dot{I}_{A} = \dot{I}_{ab} - \dot{I}_{ca} = \sqrt{3} \, \dot{I}_{ab} \angle -30^{\circ} \\ \dot{I}_{B} = \dot{I}_{bc} - \dot{I}_{ab} = \sqrt{3} \, \dot{I}_{bc} \angle -30^{\circ} \\ \dot{I}_{C} = \dot{I}_{ca} - \dot{I}_{bc} = \sqrt{3} \, \dot{I}_{ca} \angle -30^{\circ} \end{cases}$$

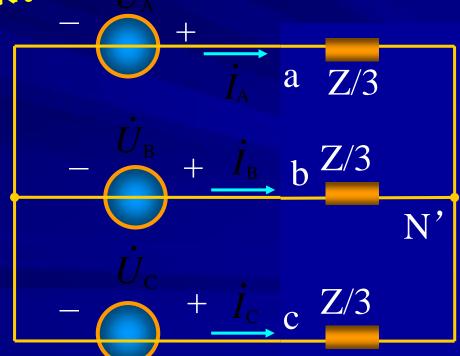




结论①负载上相电压与线电压相等,且对称。

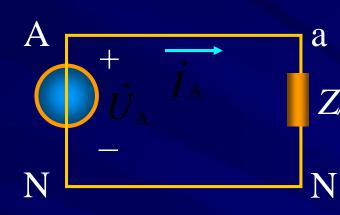
- ②线电流与相电流对称。线电流是相电流的_{√3}倍,相位落后相应相电流30°。
- ③根据一相的计算结果,由对称性可得到其余两相结果。

解法2





三相电路



$$\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{aN'}}{Z/3} = \frac{3\dot{U}_{A}}{Z} = \frac{3U}{|Z|} \angle -\varphi$$

$$\frac{1}{Z} = \frac{3\dot{U}_{A}}{Z} = \frac{3U}{|Z|} \angle -\varphi$$

$$\dot{I}_{ab} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_{A} \angle 30^{\circ} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^{\circ} - \varphi$$

A相计算电路

$$\dot{U}_{\rm ab} = \sqrt{3} \, \dot{U}_{\rm an} \, \angle 30^{\circ} = \sqrt{3} U \angle 30^{\circ}$$

解法3

利用计算相电流的一相等效电路。

$$\begin{array}{c|cccc}
A & & a \\
& & \downarrow \\
U_{AB} & & Z \\
\hline
B & & b
\end{array}$$

$$\dot{I}_{ab} = \frac{\dot{U}_{ab}}{Z} = \frac{\dot{U}_{AB}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^{\circ} - \phi$$

$$\dot{I}_{A} = \sqrt{3} \dot{I}_{ab} \angle - 30^{\circ} = \frac{3U}{|Z|} \angle - \phi$$

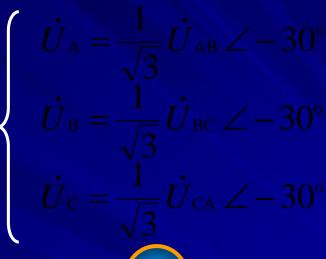
$$\dot{U}_{ab} = \dot{U}_{AB} = \sqrt{3} U \angle 30^{\circ}$$

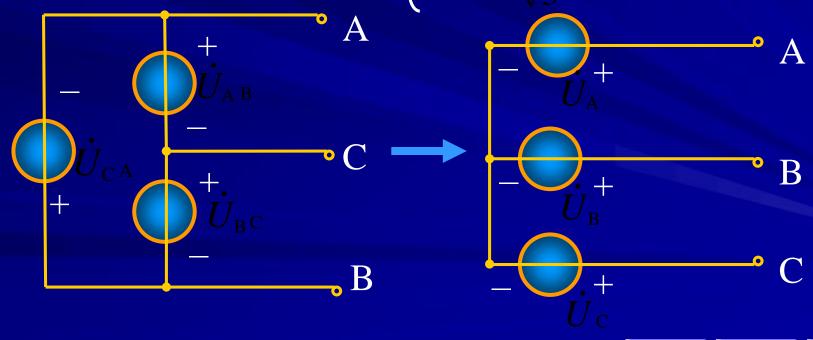
返回上页下页

- 电路

3. 电源为△联接时的对称三相电路的计算

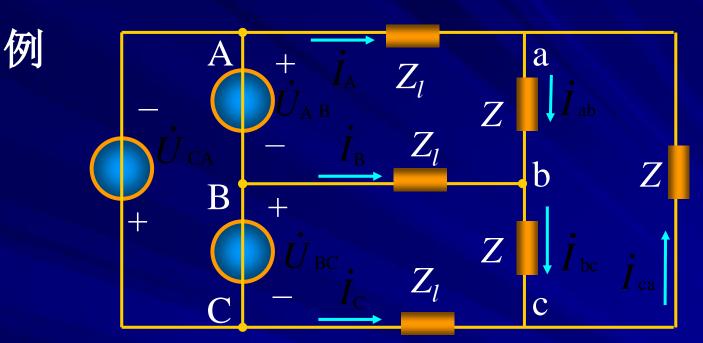
将△电源用Y电源 替代,保证其线电压 相等。





返回上页下

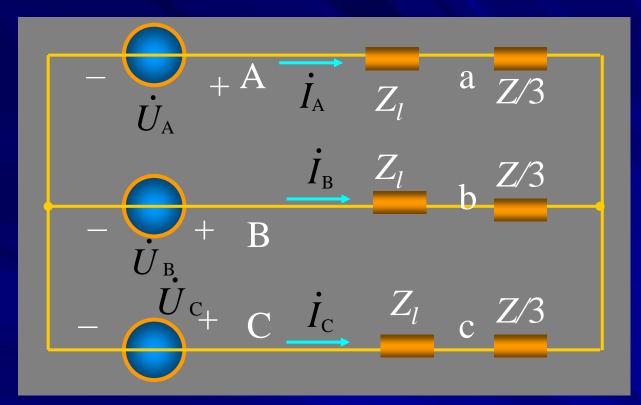




返回上页下页







返回上页下页





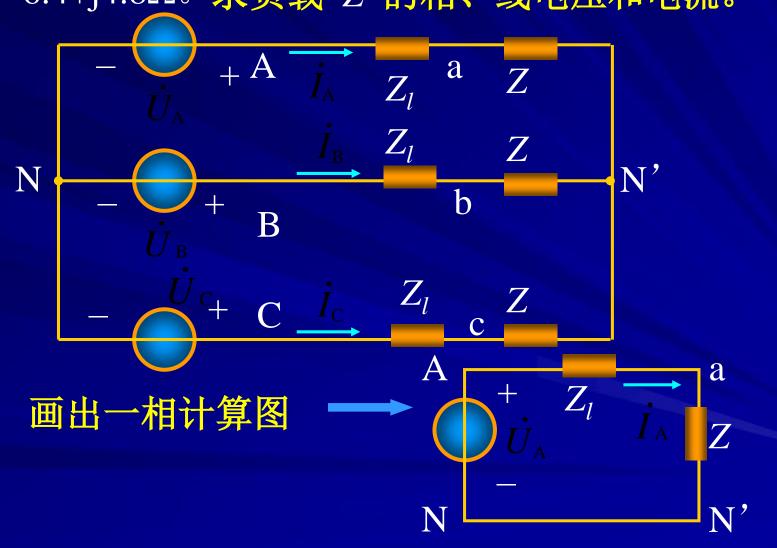
- (1)将所有三相电源、负载都化为等值Y—Y接电路;
- (2) 连接负载和电源中点,中线上若有阻抗可不计;
- (3) 画出单相计算电路, 求出一相的电压、电流:
 - 一相电路中的电压为Y接时的相电压。
 - 一相电路中的电流为线电流。
- (4)根据∆接、Y接时线量、相量之间的关系,求 出原电路的电流电压。
- (5) 由对称性,得出其它两相的电压、电流。

电路 三相电路

例1 对称三相电源线电压为380V, Z=6.4+j4.8Ω,

解

 Z_l =6.4+j4.8 Ω 。求负载 Z 的相、线电压和电流。







设
$$\dot{U}_{AB} = 380 \angle 0^{\circ} \text{ V}$$

则
$$\dot{U}_{\rm A} = 220 \angle -30^{\circ} \rm V$$

$$\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z + Z_{l}} = \frac{220 \angle -30^{\circ}}{9.4 + j8.8}$$

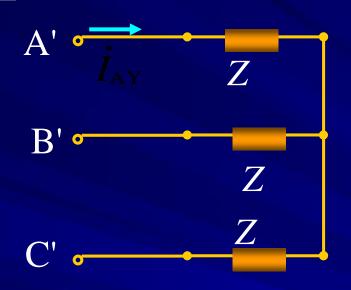
$$= \frac{220\angle -30^{\circ}}{12.88\angle 43.1^{\circ}} = 17.1\angle -73.1^{\circ} A$$

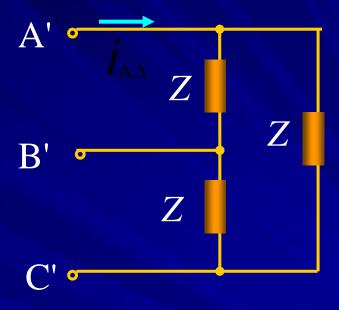
$$\dot{U}_{aN'} = \dot{I}_{A} \cdot Z = 17.1 \angle -73.1^{\circ} \cdot 8 \angle 36.9^{\circ} = 136.8 \angle -36.2^{\circ} V$$

$$\dot{U}_{ab} = \sqrt{3} \dot{U}_{an} \angle 30^{\circ} = \sqrt{3} \times 136.8 \angle -6.2^{\circ} V = 236.9 \angle -6.2^{\circ} V$$



例2 对称三相负载分别接成Y和△型。求线电流。





解

$$\dot{I}_{\mathrm{AY}} = \frac{U_{\mathrm{AN}}}{Z}$$

$$I_{\Lambda} = 3I_{Y}$$

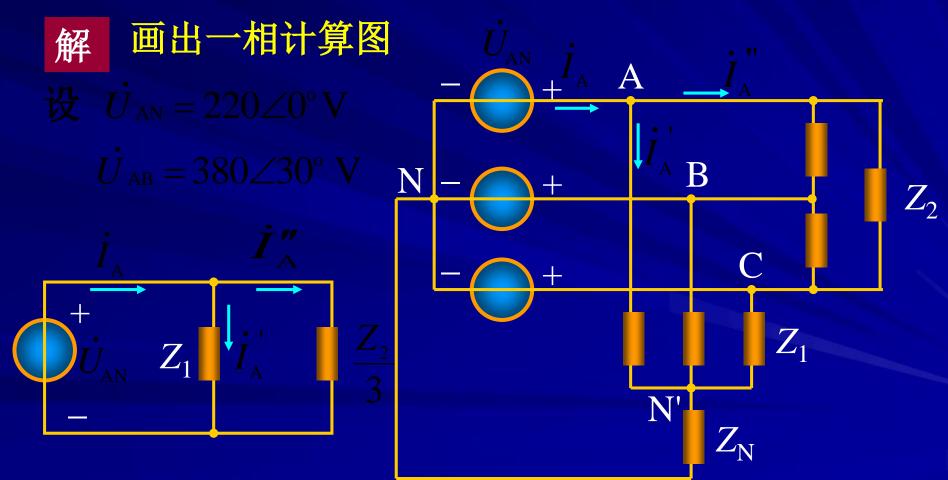
$$\dot{I}_{\text{A}\Delta} = \frac{\dot{U}_{\text{AN}}}{Z/3} = 3\frac{\dot{U}_{\text{AN}}}{Z}$$

应用: Y-Δ降压起动。



例3 对称三相电路,电源线电压为380V, $|Z_1|=10\Omega$, $\cos \varphi_1 = 0.6$ (感性), $Z_2 = -j50\Omega$, $Z_N = 1 + j2\Omega$ 。

求:线电流、相电流,画出相量图(以A相为例)。

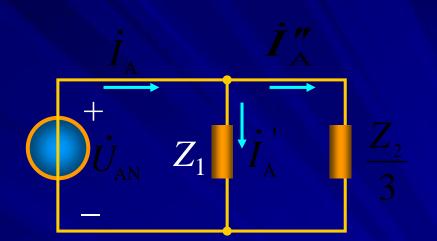


区回 上页 下页

$$\cos \phi_1 = 0.6$$
, $\phi_1 = 53.1^{\circ}$

$$Z_1 = 10 \angle 53.1^\circ = 6 + j8\Omega$$

$$Z_2' = \frac{1}{3}Z_2 = -j\frac{50}{3}\Omega$$



$$\dot{I}_{A}' = \frac{U_{AN}}{Z_{1}} = \frac{220\angle 0^{\circ}}{10\angle 53.13^{\circ}} = 22\angle -53.13^{\circ} A = 13.2 - j17.6A$$

$$\dot{I}_{A}^{"} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_{2}^{'}} = \frac{220\angle0^{\circ}}{-j50/3} = j13.2A$$
 $\dot{I}_{B} = 13.9\angle -138.4^{\circ}A$ $\dot{I}_{A} = \dot{I}_{A}^{'} + \dot{I}_{A}^{"} = 13.9\angle -18.4^{\circ}A$ $\dot{I}_{C} = 13.9\angle101.6^{\circ}A$

根据对称性,得B、C相的线电流、相电流:

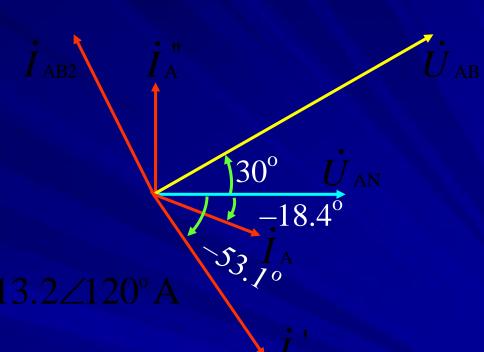
返回上页下页



第一组负载的三相电流

由此可以画出相量图:

$$\dot{I}_{A}' = 22\angle -53.1^{\circ} A$$
 $\dot{I}_{B}' = 22\angle -173.1^{\circ} A$
 $\dot{I}_{C}' = 22\angle 66.9^{\circ} A$



第二组负载的相电流:

$$I_{AB2} = \frac{1}{\sqrt{3}} I_A \quad \angle 30^\circ = 1$$

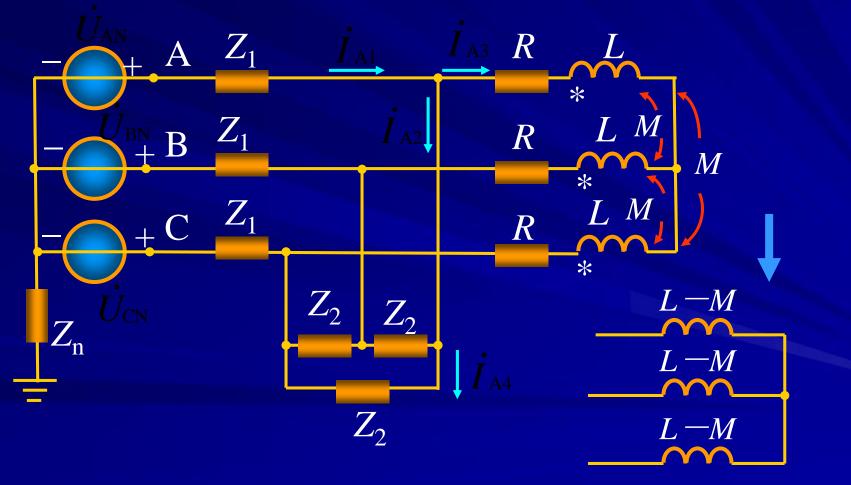
$$I_{BC2} = 13.2 \angle 0^\circ A$$

$$I_{CA2} = 13.2 \angle -120^\circ A$$

三相电路____

例4 已知 $\dot{U}_{AB} = \sqrt{3}U\angle 0^{\circ} \text{ V}$,各负载如图所示. 求: \dot{I}_{A1} , \dot{I}_{A2} , \dot{I}_{A3}

解 消去互感,进行Δ—Y变换,取A相计算电路



返回上页下

负载化为Y接。根据对称性,中性电阻 Zn 短路。

$$Z_3 = R + j\omega(L - M)$$

$$\dot{U}_{AN} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{AB} \angle -30^{\circ} = U \angle -30^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{I}_{A1} = \frac{U_{AN}}{Z_1 + \frac{1}{3} Z_2 // Z_3},$$

 \dot{I}_{A2} , \dot{I}_{A3} 可由分流得到.

相电流
$$\dot{I}_{A4} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_{A2} \angle 30^{\circ}$$
.

12.4 不对称三相电路的概念

不对称 |



【电源不对称(不对称程度小,系统保证其对称)。 电路参数(负载)不对称情况很多。

讨论对象 →



电源对称,负载不对称(低压电力网)。

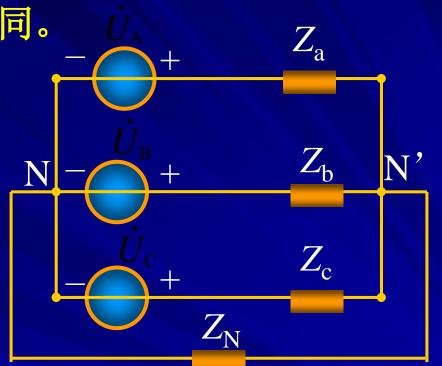
分析方法 → 复杂交流电路分析方法。

主要了解:中性点位移。

三相负载 Z_a 、 Z_b 、 Z_c 不相同。

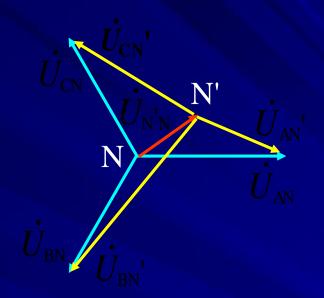
负载各相电压:

$$\dot{U}_{\mathrm{AN'}} = \dot{U}_{\mathrm{AN}} - \dot{U}_{\mathrm{N'N}}$$
 $\dot{U}_{\mathrm{BN'}} = \dot{U}_{\mathrm{BN}} - \dot{U}_{\mathrm{N'N}}$
 $\dot{U}_{\mathrm{CN'}} = \dot{U}_{\mathrm{CN}} - \dot{U}_{\mathrm{N'N}}$



$$\dot{U}_{\text{N'N}} = \frac{\dot{U}_{\text{AN}}/Z_{\text{a}} + \dot{U}_{\text{BN}}/Z_{\text{b}} + \dot{U}_{\text{CN}}/Z_{\text{c}}}{1/Z_{\text{a}} + 1/Z_{\text{b}} + 1/Z_{\text{c}} + 1/Z_{\text{N}}} \neq 0$$

相量图



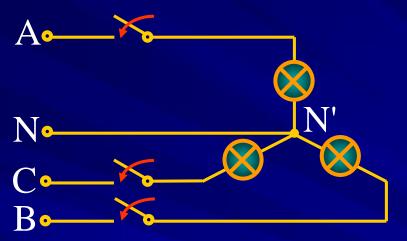
中性点位移

→负载中点与电源中点不重合。



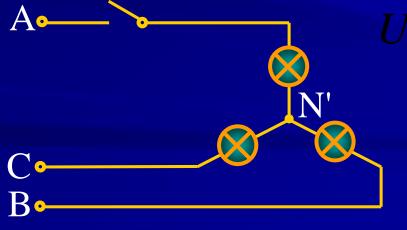
例1 照明电路:

(1) 正常情况下,三相四线制,中线阻抗约为零。



每相负载的工作情况相对独立。

(2) 若三相三线制,设A相断路(三相不对称)



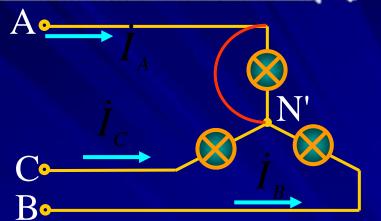
$$U_{\rm CN'} = U_{\rm BN'} = U_{\rm BC} / 2$$

灯泡电压低,灯 光昏暗。



$$U_{\mathrm{CN'}} = U_{\mathrm{BN'}} = U_{\mathrm{AB}} = U_{\mathrm{AC}}$$

超过灯泡的额定电压,灯泡可能烧坏。



计算短路电流:

$$\dot{I}_{B} = \frac{\dot{U}_{BA}}{R} = -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}\angle 30^{0}}{R} \qquad \dot{I}_{C} = \frac{\dot{U}_{CA}}{R} = \frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}\angle 150^{0}}{R}
\dot{I}_{A} = -(\dot{I}_{B} + \dot{I}_{C}) = -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}}{R} (\angle -30^{0} + \angle 150^{0})
= -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}}{R} (-\frac{\sqrt{3}}{2} - j\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} + j\frac{1}{2}) = \frac{3\dot{U}_{A}}{R}$$



短路电流是正常时电流的3倍

返回上页下



- ①负载不对称, 电源中性点和负载中性点不等位, 中线中有电流,各相电压、电流不存在对称关 系:
- ②中线不装保险,并且机械强度高。

③要消除或减少中点的位移,应适当调整负载, 使其接近对称情况。

- 电路

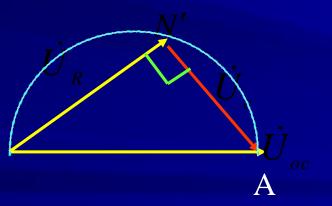
例2 图示为相序仪电路。说明测相序的方法

解应用戴维宁定理

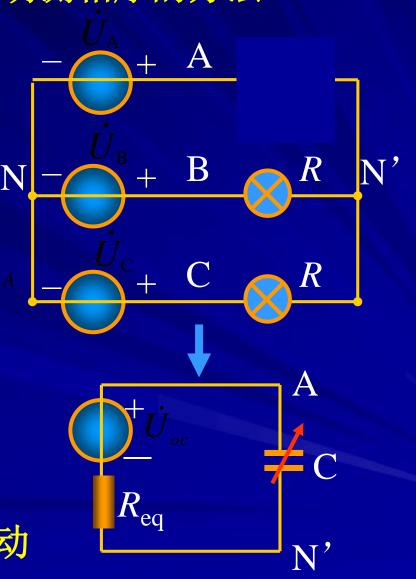
$$R_{eq} = R/2$$

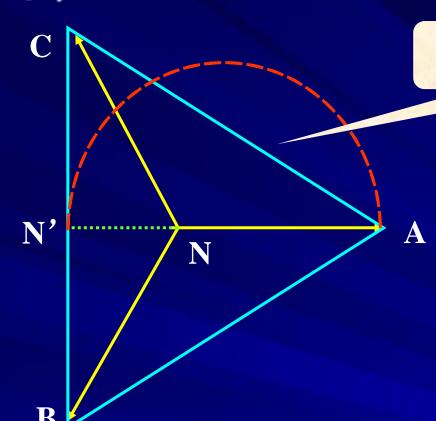
$$\dot{U}_{oc} = \dot{U}_{A} - \dot{U}_{B} + \frac{\dot{U}_{B} - \dot{U}_{C}}{2}$$

$$= \dot{U}_{A} - \frac{1}{2}(\dot{U}_{B} + \dot{U}_{C}) = \frac{3}{2}U$$



当C变化时,N'在半圆上移动





三相电源的相量图

电容断路,N'在CB线中点

$$N'A \Rightarrow \dot{U}_{oc} = \frac{3}{2}\dot{U}_{A}$$

电容变化, N'在半圆上运动, 因此总满足:

$$\dot{U}_{BN'} \geq \dot{U}_{CN'}$$

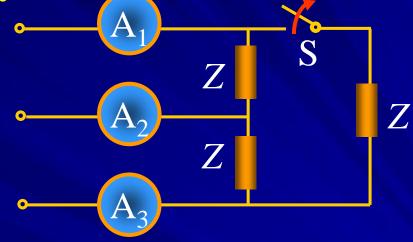
若以接电容一相为A相,则B相电压比C相电压高。B相灯较亮,C相较暗(正序)。据此可测定三相电源的相序。

三电路 三相电路

例3 如图电路中, 电源三相对称。当开关S闭合时,

电流表的读数均为5A。

求: 开关S打开后各 电流表的读数。



解

开关S打开后,表 A_2 的电流数与负载对称时相同。而表 A_1 和表 A_3 的电流数等于负载对称时的相电流。

$$A_2 = 5A$$
 $A_1 = A_3 = 5/\sqrt{3} = 2.89A$



12.5 三相电路的功率

1. 对称三相电路功率的计算

①平均功率
$$P_p = U_p I_p \cos \varphi$$

三相总功率: $P=3P_p=3U_pI_p\cos\varphi$

Y接:
$$U_{l} = \sqrt{3}U_{p}$$
, $I_{l} = I_{p}$

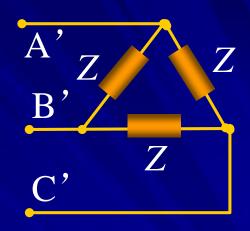
$$C'$$
 Z

$$P = 3 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} U_l I_l \cos \varphi = \sqrt{3} U_l I_l \cos \varphi$$



$$\Delta$$
接: $U_l = U_p$, $I_l = \sqrt{3}I_p$

$$P = 3U_l \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} I_l \cos \varphi = \sqrt{3} U_l I_l \cos \varphi$$





- (1) φ为相电压与相电流的相位差(阻抗角), 不要误以为是线电压与线电流的相位差。
- (2) $\cos \varphi$ 为每相的功率因数,在对称三相制中有 $\cos \varphi_A = \cos \varphi_B = \cos \varphi_C = \cos \varphi$ 。
- (3) 公式计算电源发出的功率(或负载吸收的功率)。

例1 已知对称三相电路线电压 U_l ,问负载接成 Y和 Δ 各从电网获取多少功率?

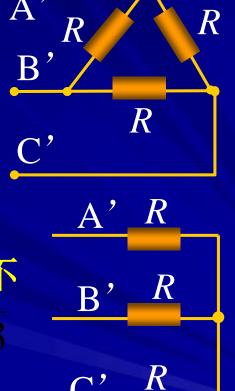
解

$$\Delta$$
接: $P = \sqrt{3}U_l \frac{\sqrt{3}U_l}{R} = 3\frac{U_l^2}{R}$

Y接:
$$P = \sqrt{3}U_1 \frac{U_1}{\sqrt{3}R} = \frac{U_1^2}{R}$$



- (1) 当负载由Y改接成△时,若线电压不变,则由于相电压与相电流增大√3倍,所以功率增大3倍。
- (2) 若负载的相电压不变,则不论怎样连接其 功率不变。





②无功功率

$$\longrightarrow Q = Q_A + Q_B + Q_C = 3Q_p$$

$$Q = 3U_p I_p \sin \varphi = \sqrt{3}U_l I_l \sin \varphi$$

③视在功率

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = 3U_p I_p = \sqrt{3}U_l I_l$$

- 注意 1) 功率因数也可定义为: $\cos \varphi = P/S$
 - 2) 这里的,P、Q、S 都是指三相总和。
 - 3) 不对称时φ 无意义

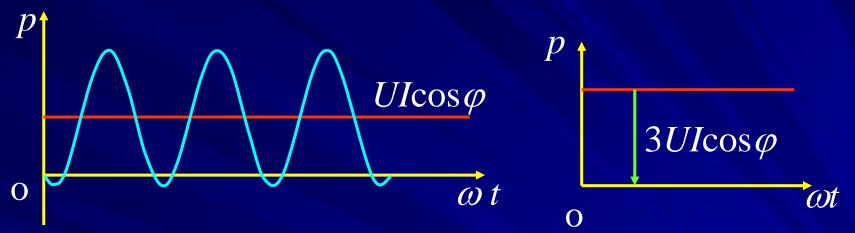


④对称三相负载的瞬时功率

设
$$u_{A} = \sqrt{2}U\cos\omega t$$
 $i_{A} = \sqrt{2}I\cos(\omega t - \varphi)$

则 $p_{A} = u_{A}i_{A} = 2UI\cos\omega t \cos(\omega t - \varphi)$
 $= UI[\cos\varphi + \cos(2\omega t - \varphi)$
 $p_{B} = u_{B}i_{B} = UI\cos\varphi + UI\cos[(2\omega t - 240^{\circ}) - \varphi]$
 $p_{C} = u_{C}i_{C} = UI\cos\varphi + UI\cos[(2\omega t + 240^{\circ}) - \varphi]$

$$p = p_{A} + p_{B} + p_{C} = 3UI\cos\varphi$$



单相: 瞬时功率脉动

三相: 瞬时功率恒定

电动机转矩: $m \propto p$

可以得到均衡的机械力矩。避免了机械振动。

三相

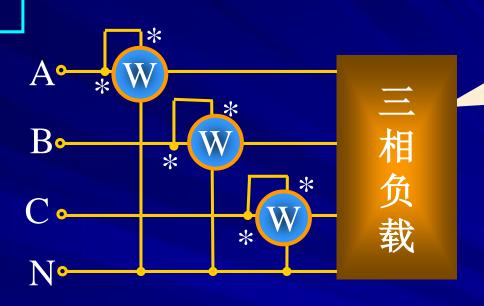
四

线

制

2. 三相功率的测量

①三表法

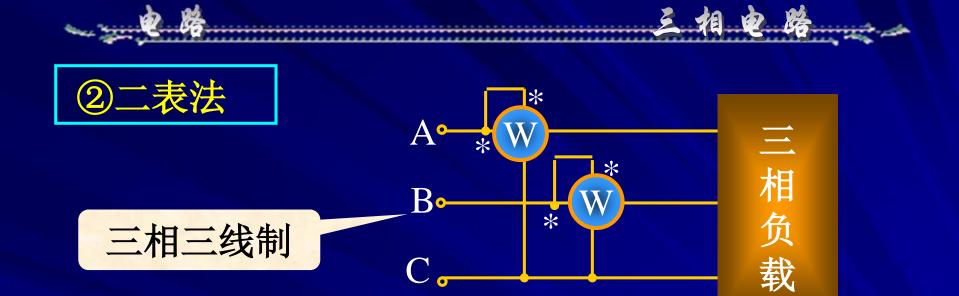


$$p = u_{AN}i_{A} + u_{BN}i_{B} + u_{CN}i_{C}$$

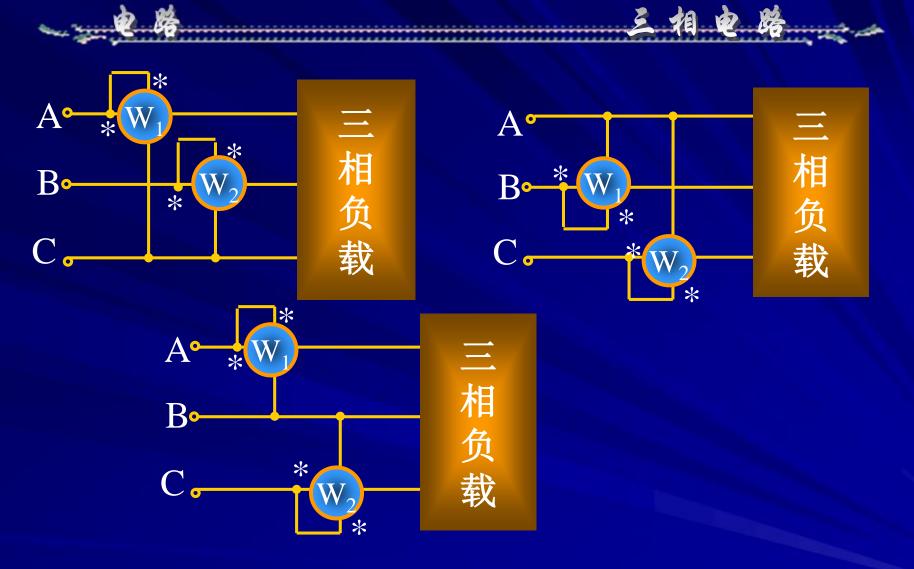
$$P = P_{A} + P_{B} + P_{C}$$

若负载对称,则需一块表,读数乘以3。

返回上页下了



》 12 测量线路的接法是将两个功率表的电流 线圈串到任意两相中,电压线圈的同名端接到其 电流线圈所串的线上,电压线圈的非同名端接到 另一相没有串功率表的线上。(有三种接线方式)



 $若W_1$ 的读数为 P_1 , W_2 的读数为 P_2 ,则三相总功

率为:

$$P=P_1+P_2$$



证明: 设负载是Y型联接

 $= u_{AC}i_{A} + u_{BC}i_{B}$

$$p = u_{AN} i_{A} + u_{BN} i_{B} + u_{CN} i_{C}$$

$$i_{A} + i_{B} + i_{C} = 0 i_{C} = -(i_{A} + i_{B})$$

$$p = (u_{AN} - u_{CN})i_{A} + (u_{BN} - u_{CN})i_{B} C$$

$$i_{C} = Z_{C}$$

$$\begin{array}{cccc}
i_{A} & Z_{A} \\
A & & & \\
i_{B} & Z_{B} \\
B & & & \\
i_{C} & Z_{C}
\end{array}$$
N

$$P = U_{AC}I_{A}\cos\varphi_{1} + U_{BC}I_{B}\cos\varphi_{2} = W_{1} + W_{2}$$



- ① $\varphi_1: u_{AC} = i_A$ 的相位差, φ_2 是 $u_{BC} = i_B$ 的相位差。
- ② 因△负载可以变为Y,故上述结论仍成立。





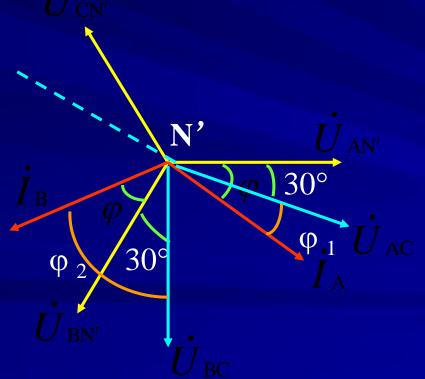
- 1. 只有在三相三线制条件下,才能用二表法, 且不论负载对称与否。
- 2. 两表读数的代数和为三相总功率,单块表的读数无意义。
- 3. 按正确极性接线时,若出现一个表指针反转即读数为负,将其电流线圈极性反接使指针指向正数,但此时读数应记为负值。
- 4. 负载对称情况下,有: $P_1 = U_1 I_1 \cos(\varphi 30^\circ)$ $P = U_1 I_1 \cos(\varphi + 30^\circ)$



由相量图分析:

$$P=P_1+P_2=U_{\mathrm{AC}}I_{\mathrm{A}}\cos\varphi_1+U_{\mathrm{BC}}I_{\mathrm{B}}\cos\varphi_2$$

 $=U_l I_l \cos \varphi_1 + U_l I_l \cos \varphi_2$ 假设负载为感性,相电流 (即线电流)落后相电压 φ 。



 İA落后ÜAN' φ角

 İB落后ÜBN' φ角

 İC落后ÜCN' φ角

$$\varphi_1 = \varphi - 30^\circ$$

$$\varphi_2 = \varphi + 30^\circ$$



所以

$$P_1 = U_l I_l \cos \varphi_1 = U_l I_l \cos(\varphi - 30^\circ)$$

$$P_2 = U_l I_l \cos \varphi_2 = U_l I_l \cos(\varphi + 30^\circ)$$

 $P = U_l I_l \left[\cos(\varphi - 30^\circ) + \cos(\varphi + 30^\circ)\right] = \sqrt{3} U_l I_l \cos\varphi$



讨论	P_1	P_2	$P_1 = P_1 + P_2$
$\varphi = 0$	$\frac{\sqrt{3}}{2}U_{l}I_{l}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}U_{l}I_{l}$	$\sqrt{3}U_{l}I_{l}$
φ ≥60°	正数	负数(零)	(感性负载)
$\varphi \leq -60^{\circ}$	负数(零)	正数	(容性负载)
$\varphi = 90^{\circ}$	$\frac{1}{2}U_{l}I_{l}$	$-\frac{1}{2}U_{l}I_{l}$	0

- 电路

例 $_1$ 已知 $_U_l$ =380V, $_Z_1$ =30+j40 Ω ,电动机 $_P$ =1700W, $_{\rm cos}\varphi$ =0.8(感性)。

求: (1)线电流和电源发出的总功率;

(2) 用两表法测三相负载的功率,画接线图

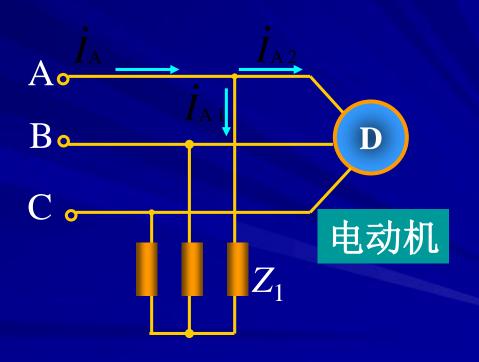
求两表读数。

解

(1)
$$\dot{U}_{AN} = 220 \angle 0^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{I}_{A1} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_{1}} = \frac{220 \angle 0^{\circ}}{30 + j40}$$

$$= 4.41 \angle -53.1^{\circ} \text{ A}$$



电动机负载: $P = \sqrt{3}U_{1}I_{A2}\cos\varphi = 1700W$

$$I_{A2} = \frac{P}{\sqrt{3}U_{l}\cos\varphi} = \frac{P}{\sqrt{3}\times380\times0.8} = 3.23A$$

$$\cos \varphi = 0.8$$
, $\varphi = 36.9^{\circ}$ $\dot{I}_{A2} = 3.23 \angle -36.9^{\circ}$ A

总电流:
$$\dot{I}_{A} = \dot{I}_{A1} + \dot{I}_{A2}$$

$$=4.41\angle -53.1^{\circ} +3.23\angle -36.9^{\circ} = 7.56\angle -46.2^{\circ} \text{ A}$$

$$P_{\mathbb{A}} = \sqrt{3}U_{l}I_{A}\cos\varphi_{\mathbb{A}}$$
$$= \sqrt{3} \times 380 \times 7.56\cos 46.2^{\circ} = 3.44\text{kW}$$

$$P_{Z_1} = 3 \times I_{A_1}^2 \times R_1 = 3 \times 4.41^2 \times 30 = 1.74 \text{kW}$$



(2) 两表接法如图

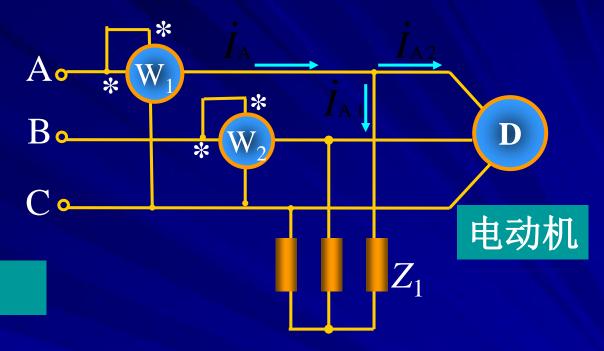


表 W_1 的读数 P_1 :

$$P_1 = U_{AC}I_{A}\cos\varphi_1$$

$$= 380 \times 7.56\cos(46.2^{\circ} - 30^{\circ}) = 2758.73$$
W

表 W_2 的读数 P_2 :

$$P_2 = U_{BC}I_{B}\cos\varphi_2 = 380 \times 7.56\cos(30^{\circ} + 46.2^{\circ})$$

= 685.26W= $P - P_1$

返回 上页 下了

三相电路

例2 根据图示功率表的读数可以测取三相对称负载

的什么功率?

解 画出相量图,得功率 表的读数:

$$P=U_{\rm BC}I_{\rm A}\cos(900\pm\varphi)$$

$$=U_{l}I_{l}\sin\varphi$$

根据功率表的读数可以测取负载的无功功率。

$$Q = \sqrt{3}U_{l}I_{l}\sin\varphi = \sqrt{3}P$$

